

تمارين

تمرين 1

لتكن E مجموعة منتهية و A و B جزئين من E . نضع i جزئين من E أحسب بدلالة a و b و i رئيسي X في الحالات التالية

$$X = A \cap ((A \cap B) \cap B) \quad -1$$

$$X = A \cup [(B \cap (A \cup B)) \cap (A \cup (A \cap B))] \quad -2$$

$$X = A \cap [(B \cap (A \cap B)) \cup (A \cap (A \cup B))] \quad -3$$

تمرين 2

-1- لتكن E مجموعة منتهية و A و B جزئين من E .
بين أن $card[(B - A) \cup (A - B)] = cardA + cardB - cardA \cap B$
في السنة الأولى لـ أحدى الجامعات. وبعد جرد لطلبات ، تبين أن 140 طلب لولوج شعب PC و 120 طلب
لولوج شعب MP و 50 طلب لم تشر إلى شعبي MP و PC فقط ما هو عدد الطلبة الذين قدموا طلباتهم أحد الشعبيتين MP و PC فقط

تمرين 3

قام أحد التلاميذ باستطلاع الرأي لـ 100 تلميذا حول الرياضة التي يحبون ممارستها من بين كرة القدم و كررة السلة و كرة اليد، فكانت النتائج كما يلي : 66 تلميذ يحبون ممارسة كرة القدم 46 تلميذ يحبون ممارسة كرة اليد 56 تلميذ يحبون ممارسة كررة السلة 25 لا يحبون ممارسة الرياضات السابقة 10 يحبون ممارسة الرياضات الثلاث ما هو عدد التلاميذ الذين يحبون ممارسة نوعين من الرياضات السابقة

تمرين 4

$$C_{20}^5 \quad A_{12}^3 \quad -1 \text{ - أحسب}$$

-2- ليكن n و p من \mathbb{N} حيث $1 \leq p \leq n$

$$n S = \sum_{p=1}^{p=n} \frac{1}{p} C_{n-1}^{p-1} \quad \text{بـ- استنتج قيمة } C_n^p = \frac{n}{p} C_{n-1}^{p-1} \quad \text{أـ- بين أن}$$

$$C_n^q C_{n-q}^{p-q} = C_n^p C_p^q \quad \text{يبـ- بين أن } 0 < q < p < n \quad \text{حيث } n \text{ و } p \text{ و } q \text{ من } \mathbb{N}$$

$$0 \leq p \leq n \text{ حيث } C_{n+1}^p = \sum_{k=0}^{k=p} C_{n-k}^{p-k}$$

$$0 \leq p \leq n \text{ حيث } C_{n+1}^{p+1} = \sum_{k=0}^{k=n-p} C_{p+k}^p$$

تمرين5

لتكن E و F مجموعتين غير فارغتين و منفصلتين بحيث $cardE = cardF = n$.
-1- أحسب بطريقتين مختلفتين عدد أجزاء $E \cup F$ المكونة من n عنصر.

$$C_{2n}^n = \sum_{k=0}^{k=n} \left(C_n^k \right)^2 \text{ و استنتاج أن}$$

$$\frac{n}{2} C_{2n}^n = \sum_{k=0}^{k=n} k \left(C_n^k \right)^2 \text{ -2- استنتاج أن}$$

تمرين6

ليكن n و p من \mathbb{N} حيث $1 < p < n$

$$(n-p)A_n^p = nA_{n-1}^p \text{ -1- بين أن}$$

$$A_n^p = nA_{n-1}^{p-1} \text{ -2- بين أن}$$

$$A_n^p = A_{n-1}^p + pA_{n-1}^{p-1} \text{ -3- استنتاج}$$

$$A_n^4 = 42A_n^2 \text{ -4- حل في } \mathbb{N}$$

تمرين7 لتكن E مجموعة رئيسها n

$$S = \{(X;Y) \in P(E) \times P(E) / X \cup Y = E\} \text{ تعتبر}$$

بين أن $cardS = 3^n$

تمرين8

لتكن E مجموعة رئيسها n منتهية و A و B جزئين من E حيث $cardA = a$ و $cardB = b$

$$-1- \text{حدد } \{M \subset E / A \subset M\}$$

$$-2- \text{لتكن } S = \{X \in P(E) / A \cup X = B\}$$

-3- بين أن $S \neq \emptyset \Leftrightarrow A \subset B$

-4- نفترض أن $\forall X \in S \exists C \in P(A) / X = C \cup (B - A)$. بين أن $A \subset B$

-5- استنتاج $cardS$

-6- لتكن $S' = \{X \in P(E) / A \cap X = B\}$

ب- نفترض أن $S' \neq \emptyset$. حدد $cardS'$.

-أ- حدد شرط كاف و لازم لكي تكون $S' \neq \emptyset$

تمرين9

$$(x - 2y + z)^{10} \text{ عند نشر } x^3y^5z^2 \text{ ما هو معامل العدد}$$

تمرين10

يحتوي كيس على 5 كرات حمراء و 3 كرات خضراء

I- نسحب بالتتابع و بدون إحلال ثلاث كرات

- 1 ما هو عدد السحبات الممكنة ؟
 - 2 ما هو عدد السحبات التي تكون فيها الكرة الأولى فقط خضراء ؟
 - 3 ما هو عدد السحبات التي تحتوي على كرتين حمرا وبين فقط ؟
 - 4 ما هو عدد السحبات التي تحتوي على كرة خضراء على الأقل ؟
- I- نفس أسئلة I
II- نسحب بالتتابع و بإحلال ثلات كرات.
III- نسحب بن DAN ثلات كرات

تمرين 11

نرمي نردا مرقما من 1 إلى 6 ثلاط مرات متتالية فنكون عددا من ثلاط أرقام
كم عدد الأعداد الممكن تكوينها ؟

- 1- كم عدد الأعداد التي رقم وحداتها زوجي يكن تكوينها
- 2- كم عدد الأعداد التي رقم وحداتها زوجي يكن تكوينها
- 3- كم عدد يكمن تكوينه أرقامه مختلفة مثنى مثنى ؟

تمرين 12

نرمي نردين A و B في آن واحد ، الوجه لكل منهما مرقمة من 1 إلى 6 .
كم عدد النتائج الممكنة ؟

- 1- كم عدد النتائج التي يكون فيها الرقمين البارزين

عند استقرار النردين في الحالتين التاليتين
أ- متساوين ؟ ب- مختلفين ؟

- 3- كم عدد النتائج التي تشمل على الأقل على رقم فردي ؟

تمرين 13

في دوري رياضي لدينا سبعة فرق كل فرقة يجب أن تلتقي مرة واحدة و واحدة فقط مع الفرق الأخرى.
كم لقاء يجب أن ننظم ؟

تمرين 14

في مكتب جمعية يتكون من 15 عضوا ، 6 إناث و 9 ذكور .

نريد أن نختار عشوائيا رئيس و نائبه و كاتب عام و أمين المال.

- 1- ما هو عدد الإمكانيات الممكنة ؟
- 2- ما هو عدد الإمكانيات التي يكون فيها الكاتب العام و الأمين من الإناث ؟

تمرين 15

شارك ثمانية عدائين في سباق 100 م في مدار مكون من 8 ممرات.
ما هي عدد الوضعيات الممكنة عند الانطلاق .

تمرين 16

يحتوي كيس على 10 بيادق . بيدقان يحمل الرقم 0 و ثلاثة بيادق تحمل الرقم 1 و خمسة بيادق تحمل الرقم 2 .

نسحب تانيا بيدقين من الكيس .

- 1- أحسب عدد السحبات الممكنة للحصول على بيدقين جداء رقميهما 1
- 2- أحسب عدد السحبات الممكنة الحصول على بيدقين جداء رقميهما 2
- 3- أحسب عدد السحبات الممكنة للحصول على بيدقين جداء رقميهما أصغر أو يساوي 1

تمرين 17

نعتبر كيس يحتوي على 5 بيادق سوداء تحمل الأرقام 1 ، 3 ، 1 ، 1 ، 2 ، 2 ، 2 . وأربعة بيادق خضراء تحمل الأرقام 1 ، 2 ، 2 ، 2 .

نسحب في آن واحد كرتين من الكيس .

- 1- أحسب عدد السحبات الممكنة للحصول على بيدقين سوداويين.
- 2- أحسب عدد السحبات الممكنة للحصول على بيدقين مجموعهما 4.
- 3- أحسب عدد السحبات الممكنة للحصول على بيدقين سوداويين و مجموع رقميهما يساوي 4.

تمرين18
نعتبر صندوقا يحتوى على 5 كرات حمراء و 5 كرات بيضاء و 5 كرات خضراء في كل لون الكرات تحمل الأرقام 1 و 2 و 3 و 4 و 5 .

نسحب بالتتابع و بدون إحلال خمس كرات من الصندوق.

- 1- أحسب عدد السحبات الممكنة للحصول على 3 كرات بيضاء و كرتين حمراوين.
- 2- أحسب عدد السحبات الممكنة للحصول على 5 كرات تحقق الشرطين: - كرة واحدة تحمل الرقم 5 .
- أربع كرات فقط من اللون الأخضر

تمرين19
في ثانوية ، يوجد 1000 تلميذ ، 400 منهم يدرسون اللغة الإنجليزية و 250 يدرسون الإسبانية و 150 يدرسون الإنجليزية و الإسبانية معا.

- 1- أحسب عدد التلاميذ الذين يدرسون الإنجليزية أو الإسبانية
- 2- أحسب عدد التلاميذ لا يدرسون الإنجليزية و لا يدرسون الإسبانية

تمرين20

يحتوى كيس على 5 كرات خضراء و 4 حمراء .

A- نسحب من الكيس 4 كرات كما يلى نسحب بالتتابع و بدون إحلال كرتين ونسجل لونهما ونعيدهما إلى الكيس ثم نسحب في نفس الوقت كرتين .

- 1- حدد عدد السحبات الممكنة
- 2- حدد عدد السحبات الممكنة التي تكون فيها الكرتين الأوليتين خراوين فقط
- 3- حدد عدد السحبات الممكنة حيث الكرات الأولى خضراء اللون.
- 4- حدد عدد السحبات الممكنة التي تضم كرتين حمراوين فقط.

B- نسحب من الكيس 3 كرات كما يلى :

نسحب كرة من الكيس إذا كانت حمراء نحتفظ بها و نسحب تانيا كرتين .

إذا كانت خضراة فإننا نعيدها إلى الكيس و نسحب بالتتابع و بدون إحلال كرتين من الكيس.

1- حدد عدد السحبات الممكنة التي تكون فيها الكرتين الأوليتين خراوين .

2- حدد عدد السحبات الممكنة التي تضم كرتين حمرا وين فقط